Concours d'entrée en première année des Écoles Normales Supérieures

FILIÈRES : SCIENCES DE LA VIE ET DE LA TERRE ... Épreuve de Mathématiques ... Année académique : 2013-2014

Exercice 1

On considère le polynôme P défini par : $P(x) = 2x^3 - 7x^2 - 14x - 5$

- **1.** Déterminer les réels a, b et c tels que $P(x) = (x+1)(ax^2+bX+c)$.
- **2.** Résoudre dans \mathbb{R} l'équation P(x) = 0.
- **3.** En déduire les solutions dans \mathbb{R} des équations suivantes :

a.
$$2(\ln x)^3 - 7(\ln x)^2 - 14\ln x - 5 = 0.$$

b.
$$2e^{3x} - 7e^{2x} - 14e^x - 5 = 0$$

Exercice 2

On considère la suite (U_n) , où n est un entier naturel, définie par : $U_0 = -3$ et $U_{n+1} = U_n + \frac{3}{2}$, pour tout n appartenant à \mathbb{N} .

- **1.** Calculer les 5 premiers termes de la suite (U_n) .
- **2.** Exprimer U_n en fonction de n.
- **3.** Calculer $U_0 + U_1 + U_2 + \cdots + U_{20}$.

<u>Problème</u>

La fonction numérique f à variable réelle x est définie par : $f(x) = \frac{x^2 + 2x + 2}{x + 1}$.

- 1. Déterminer l'ensemble de définition de la fonction f.
- **2.** Calculer les limites de f aux bornes de cet ensemble de définition.
- 3. Étudier le sens de variation de f.
- **4.** Construire la courbe (\mathscr{C}) représentant la fonction f dans un repère orthonormé $\left(0, \overrightarrow{\iota}, \overrightarrow{\jmath}\right)$.